

All'estremo inferiore di un piano inclinato di 30° rispetto all'orizzontale si trova poggiata una molla, di costante elastica 60 N/m , inizialmente compressa di 15 cm . All'estremo libero della molla è poggiato un piccolo oggetto di massa 70 g che, quando la molla è lasciata libera di allungarsi, sale lungo il piano inclinato raggiungendo la velocità di $2,5 \text{ m/s}$ in corrispondenza della distanza percorsa di 60 cm . Calcola la variazione di energia totale del sistema oggetto-molla.

Determino l'energia iniziale del sistema ricordando che, inizialmente, l'oggetto è fermo ($K_0 = 0$):

$$E_0 = U_0 + K_0 = U_0 = \frac{1}{2} k x^2 = \frac{1}{2} \times 60 \frac{\text{N}}{\text{m}} \times (0,15\text{m})^2 = 0,675\text{J}$$

Determino ora l'energia finale del sistema, ovvero quando la molla non è più compressa, ma l'oggetto si muove a velocità $2,5 \text{ m/s}$ e si trova ad una certa altezza h :

$$E_f = U_f + K_f = mgh + \frac{1}{2} m v^2$$

Calcolo l'altezza raggiunta dall'oggetto sfruttando i teoremi sui triangoli rettangoli e sapendo che il blocco percorre 60 cm partendo dalla base del piano:

$$\frac{h}{l} = \sin \alpha, \text{ da cui:}$$

$$h = l \sin \alpha = 0,60\text{m} \times \sin(30^\circ) = 0,30\text{m}$$

Dunque l'energia finale è pari a:

$$E_f = 0,070\text{kg} \times 9,8 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \times 0,30\text{m} + \frac{1}{2} \times 0,070\text{kg} \times \left(2,5 \frac{\text{m}}{\text{s}}\right)^2 = 0,425\text{J}$$

Pertanto la variazione di energia totale del sistema è:

$$\Delta E = E_f - E_0 = 0,425\text{J} - 0,675\text{J} = -0,25\text{J}$$