Un condensatore di capacità $C_1 = 25 \mu\text{F}$ è sottoposto ad una differenza di potenziale $\Delta V = 12,0 \text{ V}$. Una volta carico è collegato in parallelo con un condensatore di capacità $C_2 = 35 \mu\text{F}$ inizialmente scarico. Trova:

- l'energia inizialmente accumulata nel primo condensatore;
- la tensione ai capi dei due condensatori dopo il collegamento;
- la carica che si accumula nel secondo condensatore dopo il collegamento;
- l'energia accumulata nei due condensatori dopo il collegamento;

È verificata la conservazione dell'energia?

- a) L'energia accumulata nel primo condensatore vale:

$$E_1 = \frac{1}{2} C_1 (\Delta V)^2 = \frac{1}{2} \times 25 \mu\text{F} (12,0 \text{ V})^2 = 1,8 \times 10^{-3} \text{ J}$$

- b) Dopo il collegamento con il secondo condensatore la carica si ridistribuisce su di essi. Vale il principio di conservazione della carica:

$$Q = C_1 \Delta V = 25 \mu\text{F} \times 12,0 \text{ V} = 3,0 \times 10^{-4} \text{ C}$$

All'equilibrio elettrostatico i due terminali dei condensatori si troveranno allo stesso potenziale, dunque, la ΔV_f a cui si trovano è la stessa:

$$q_1 + q_2 = Q$$

$$C_1 \Delta V_f + C_2 \Delta V_f = Q \rightarrow \Delta V_f = \frac{Q}{C_1 + C_2} = \frac{3,0 \times 10^{-4} \text{ C}}{25 \mu\text{F} + 35 \mu\text{F}} = 5,0 \text{ V}$$

- c) La carica che si accumula nel secondo condensatore, in seguito al collegamento, vale:

$$q_2 = C_2 \Delta V_f = 35 \mu\text{F} \times 5,0 \text{ V} = 1,75 \times 10^{-4} \text{ C}$$

- d) L'energia accumulata nei due condensatori è data dalla somma dell'energia accumulata da ogni singolo condensatore:

$$E_f = E_1 + E_2 = \frac{1}{2} C_1 (\Delta V_f)^2 + \frac{1}{2} C_2 (\Delta V_f)^2 = \frac{1}{2} \times 25 \mu\text{F} \times (5,0 \text{ V})^2 + \frac{1}{2} \times 35 \mu\text{F} \times (5,0 \text{ V})^2 = 7,5 \times 10^{-4} \text{ J}$$

La conservazione dell'energia non è verificata perché c'è un processo di redistribuzione dell'energia legata a processi non analizzati nei nostri procedimenti.