

Un condensatore a facce piane parallele è formato da due lamine di alluminio, ognuna larga 3,00 cm e lunga 10,0 m. Tra le lamine si trova una striscia di mica di larghezza e lunghezza uguale a quella delle lamine e spessa 0,0225 mm. Qual è la massima carica che può essere immagazzinata nel condensatore? (La costante dielettrica della mica è 5,4 e la sua rigidità dielettrica è $1,00 \times 10^8 \text{ V/m}$).

So che la rigidità elettrica è la massima intensità di campo che un dielettrico può sopportare prima di rompersi (quella della mica è pari a $E = 1,0 \times 10^8 \frac{\text{V}}{\text{m}}$). Sapendo che il campo elettrico è legato alla tensione dalle seguente relazione:

$$E = \frac{\Delta V}{d}, \text{ posso scrivere che la massima tensione applicabile è data da:}$$

$$\Delta V = Ed = 1,0 \times 10^8 \frac{\text{V}}{\text{m}} \times 2,25 \times 10^{-5} \text{m} = 2,25 \times 10^3 \text{V} = 2,25 \text{kV}$$

La capacità di un condensatore a facce piane con dielettrico può essere calcolata come:

$$C = \frac{Q}{\Delta V}$$

Ma anche come:

$$C = \epsilon_0 \epsilon_r \frac{A}{d}$$

Unendo le due relazione ottengo che:

$$\frac{Q}{\Delta V} = \epsilon_0 \epsilon_r \frac{A}{d},$$

da cui ricavo che la massima carica che può essere immagazzinata nel condensatore è pari a:

$$Q = \frac{\epsilon_0 \epsilon_r A \Delta V}{d} =$$

$$= \frac{8,854 \times 10^{-12} \frac{\text{C}^2}{\text{Nm}^2} \times 5,4 \times (3,0 \times 10^{-2} \text{m} \times 10,0 \text{m}) \times 2,25 \times 10^3 \text{V}}{2,25 \times 10^{-5} \text{m}} = 1,43 \times 10^{-3} \text{C}$$